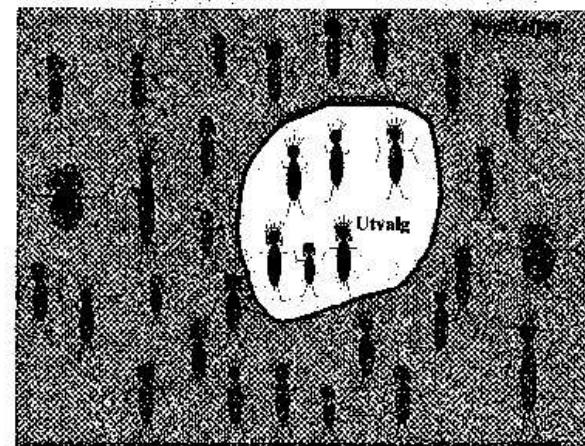


# Kapittel 1: Introduksjon til statistikk og dataanalyse

TMA4240 Statistikk (F2 og E7)

Foreleses mandag 16.august 2004



# Matematikk 1: spørreundersøkelse

- Mål med undersøkelsen: hva påvirker karakter i Matematikk 1?
- Våren 2003: 571 studenter (av 1500) svarte på 40 spørsmål (6 kategorier).
  - Når Matematikk 1: 475 studenter i H2002.
  - 17 linjer; deriblant E5 (50), O2 (5), O3 (37), K3 (11), SDK (11), F2 (59), E7 (42).
- Er dette et **tilfeldig utvalg**?  
”ethvert utvalg av størrelse  $n$  har lik sjanse for å bli trukket ut (svare på undersøkelsen)“.
- Representativitet: kan vi trekke konklusjoner for alle som har tatt Matematikk 1?

# Er dette et tilfeldig utvalg?



# Spørreundersøkelse for Matematikk 1. Våren 2003

1: Innledning

1. Kjønn  
Mann  
Kvinne
  2. Hvilken linje gikk du på høsten 2001  
B, E3, E5, E6, E7, F1, F2, G, K1, K3, N, NAN, O2, O3, SDK, SEM, SPP
  3. Når begynte du studier ved NTNU siv.-ing.?  
Høsten 1998, Høsten 1999, Høsten 2000, Høsten 2001, Høsten 2002
  4. Standpunktakaracter i 3MX/3MN.  
6, 5, 4, 3, 2, annen bakgrunn
  5. Hvilket år er karakteren i 3MX/3MN fra?  
2002, 2001, 2000, 1996 – 1999, Før 1996, Annen bakgrunn
  6. Har du tatt 3FY? (Ja/Nei)
  7. Standpunktakaracter i ditt avsluttende fysikkfag.  
6, 5, 4, 3, 2
  8. Hvilken karakter fikk du til eksamen i Matematikk 1?  
A, B, C, D, E, F, Ikke avlagt eksamen
  9. I hvilken grad mener du den karakteren du fikk var *rettferdig* i forhold til prestasjonen din til eksamen i Matematikk 1.  
For dårlig (1) For god (9) Ingen karakter (10)
  10. I hvilken grad mener du karakteren din i Matematikk 1 gir et riktig bilde av den kompetansen du selv mener å ha i faget?  
For dårlig (1) For godt (9) Ingen karakter (10)
  11. I hvilken grad er du enig i følgende utsagn: Jeg var bare interessert i å stå, og brød meg ikke om hvilken ståkarakter jeg eventuelt fikk i Matematikk 1.  
Uenig (1) Enig (9)
  12. Deltok du på oppfriskningskurset i august? Ja/nei
  13. Deltok du på midtseminsterprøven? Ja/Nei
  14. Har du (betalt eller ikke betalt) jobb ved siden av studiet i semesteret? Anslå i så fall antall timer per uke i gjennomsnitt som går med til arbeid utenom studiene.  
Har ikke jobb  
0 – 5 timer

# Diskrete data

- Diskrete data: endelig (tellbart) antall mulige utfall.
- Standpunkt-karakter i 3MX/3MN:
  - 6, 5, 4, 3, 2, ”annen bakgrunn”
- Karakter til eksamen i Matematikk 1:
  - A, B, C, D, E, F, ”ikke avlagt eksamen”
- I hvilken grad mener du karakteren din i Matematikk 1 *gir et riktig bilde* av den kompetansen du selv mener å ha i faget:
  - For dårlig (1), ..., For god(9), ”Ingen karakter”(10)
- Jeg klarte å holde meg faglig ajour gjennom semesteret: Aldri (1), ..., Alltid(9)

# Kontinuerlige data

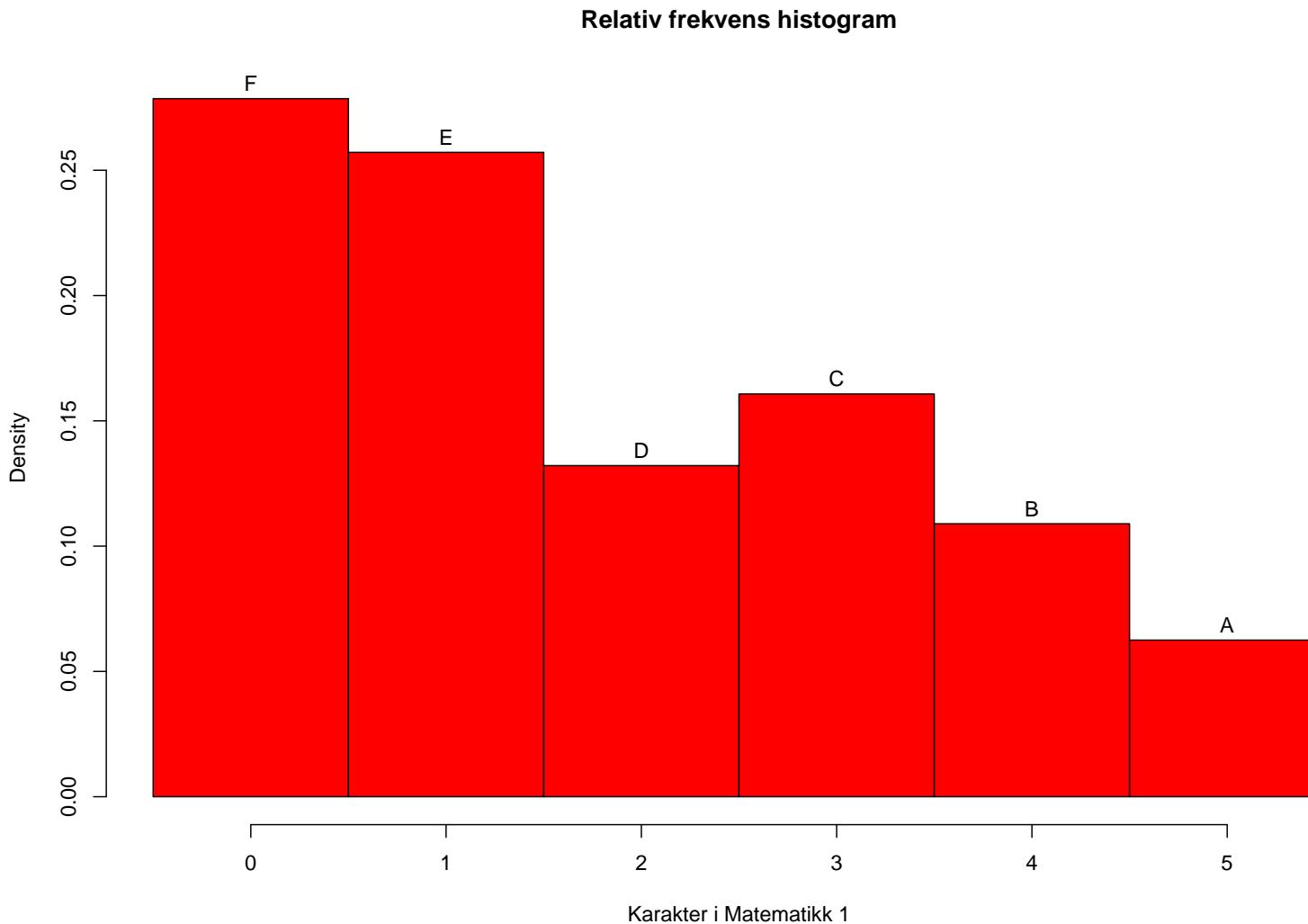
- Kontinuerlige data: uendelig antall mulige utfall.
- Ingen kontinuerlige data i denne undersøkelsen.
- Spørsmål om timeforbruk og prosentandel tilstede på ulike aktiviteter kunne vært angitt som kontinuerlige tall.
- Målinger (mengde, volum, andel) ofte kontinuerlig.
- Spørsmål om “høyde” i www-spørreundersøkelsen i TMA4240.
- Sannsynlighetsteori ulik for diskrete og kontinuerlige data – spesielt kapittel 3, 5, 6.

# Relativ frekvens

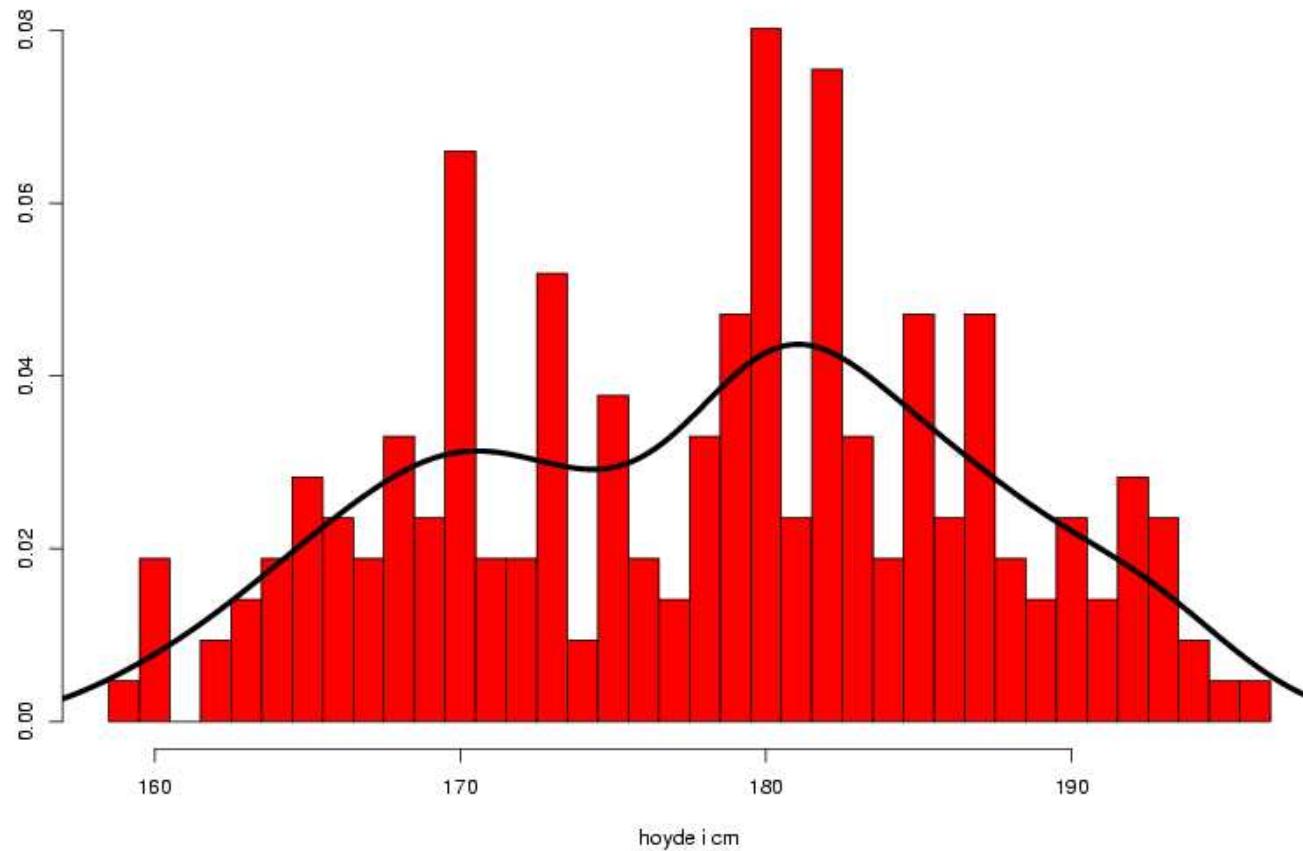
- Karakter til eksamen i Matematikk 1

Intervall	Midtpunkt	Frekvens	Relativ frekvens
86-100	A	35	0.06
76-85	B	61	0.11
66-75	C	90	0.16
56-65	D	74	0.13
36-55	E	144	0.26
0-35	F	156	0.28
0-100	A-F	560	1.00

# Relativ frekvens: karakter

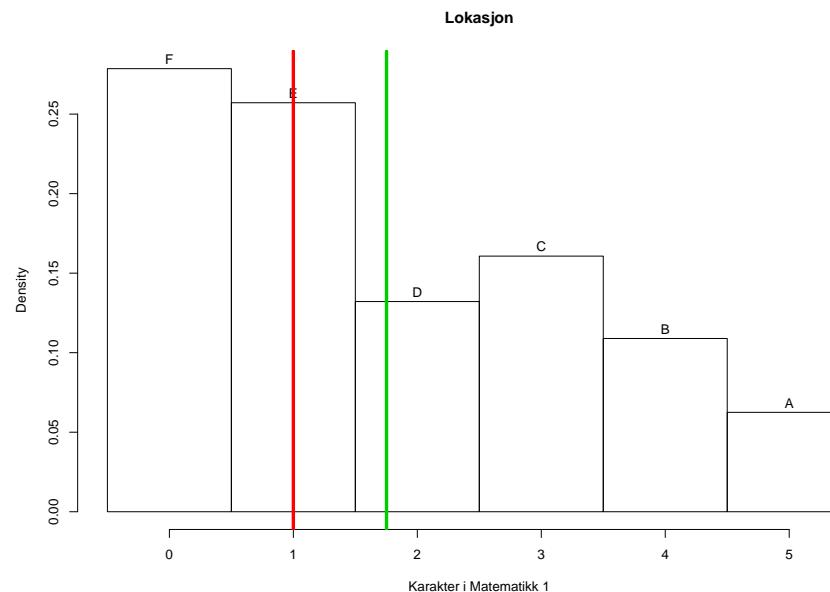


# Relativ frekvens: høyde

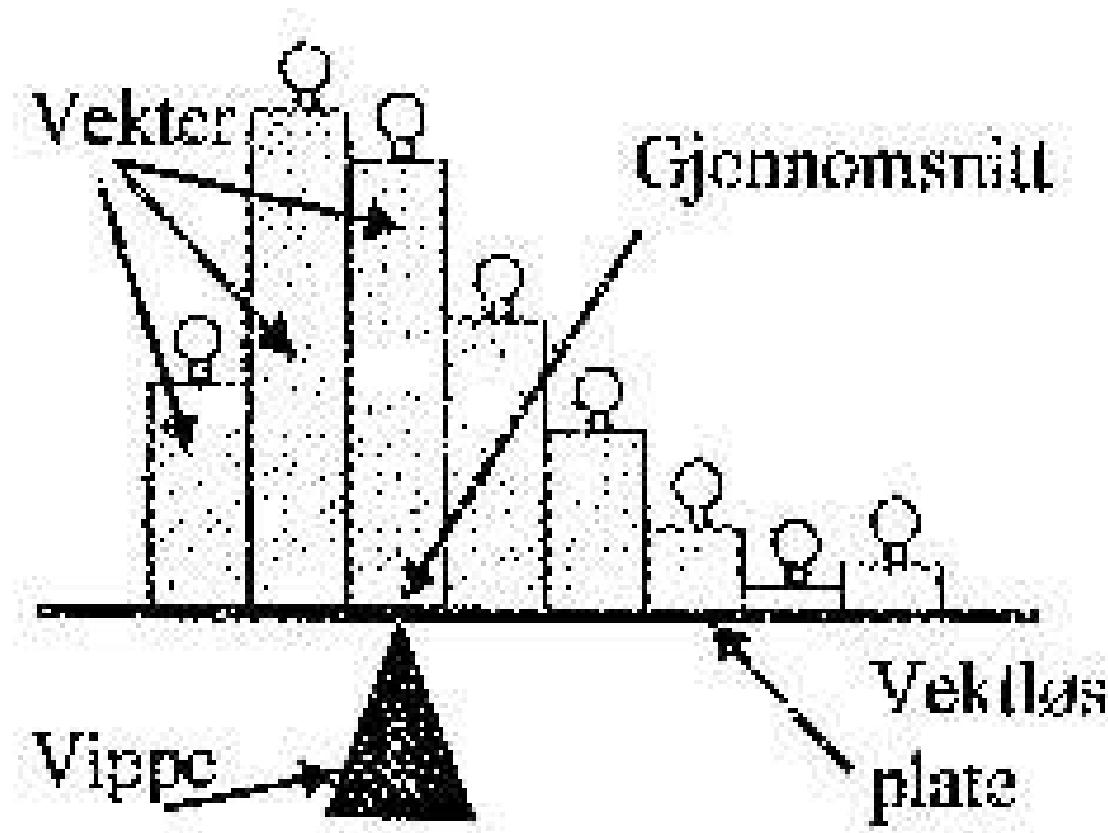


# Mål for beliggenhet

- Gjennomsnitt (mean):  $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$
- Median
  - $n$  odde  $\tilde{x} = x_{(n+1)/2}$
  - $n$  like  $\tilde{x} = \frac{1}{2}(x_{n/2} + x_{n/2+1})$



# Gjennomsnittet

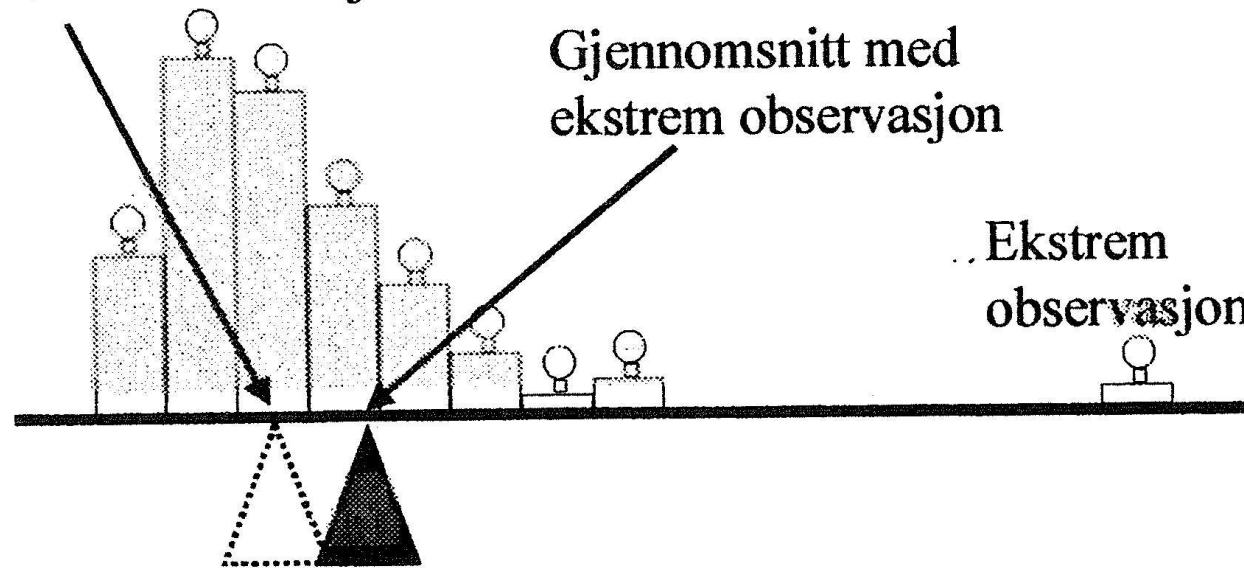


# Gjennomsnittet

Gjennomsnitt uten  
ekstrem observasjon

Gjennomsnitt med  
ekstrem observasjon

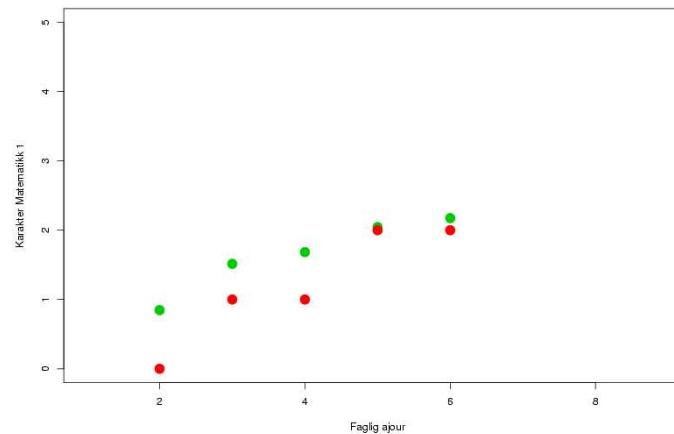
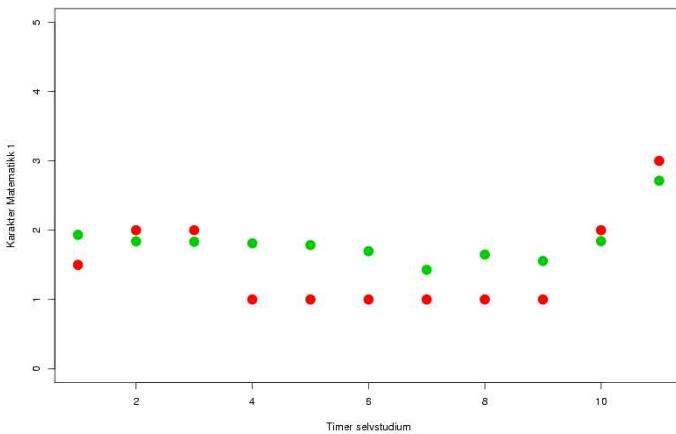
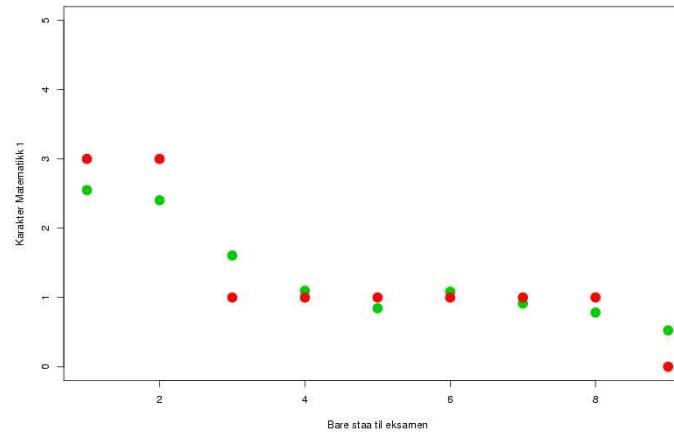
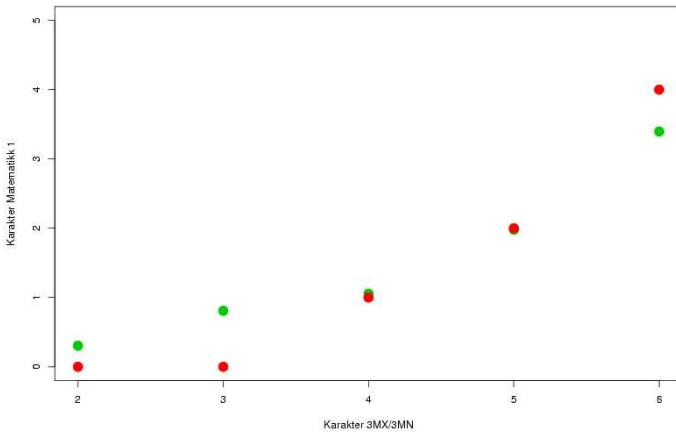
Ekstrem  
observasjon



# Mål for variabilitet

- Empirisk varians (DEF 1.1):
  - $s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$
  - Gjennomsnittlig kvadratavvik til gjennomsnittet.
- Empirisk standardavvik (DEF 1.1):
  - $s = \sqrt(s^2)$
  - Samme måleenhet som originalobservasjonene.
- Inter-kvartil rekkevidde(IQR): Q3-Q1
  - Q1=verdien som 25% av data er mindre enn
  - Q3=verdien som 25% av data er større enn

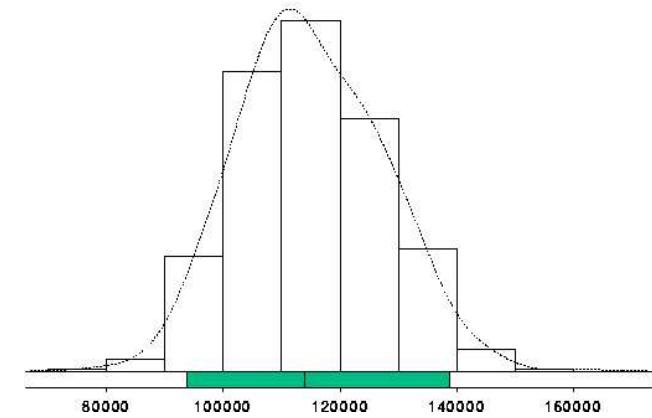
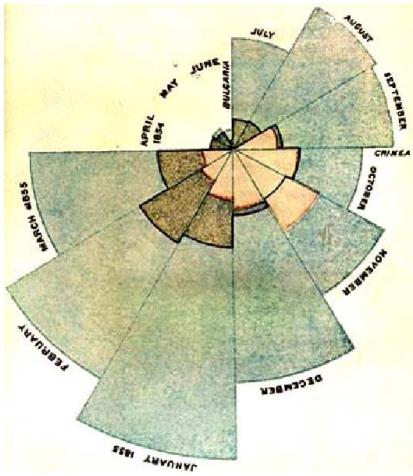
# Sammenheng



# Oppsummering Matematikk 1

- Generelt: god karakter i 3MX og 3FY “gir” god karakter i Matematikk 1.
- Linjevise forskjeller.
- Registering av kvantitet av tidsforbruk ikke nok – må også registrere kvalitet?
- Hva mener studentene de lærer mest av?
  - Forberedelse til eksamen
  - Samarbeid med medstudenter
  - Regne øvinger selv!
- Egen forklaring på F:
  - Jobba for lite
  - Jobba på feil måte

# TMA4240 Statistikk



## Beskrivende statistikk

- Kapittel 1
- Presentere og beskrive data i tall, tabeller og figurer

## Sannsynlighetsteori

- Kapittel 2-7
- Matematisk regning med sannsynlighet og sannsynlighetsfordelinger

## Statistisk inferens

- Kapittel 8-11
- Estimere, teste, predikere, basert på data under usikkerhet.